

## Algebra

---

- **Zobrazenie** – injektívne, surjektívne a bijektívne zobrazenie, zložené zobrazenie, identita, inverzné zobrazenie.
- **Binárna relácia** – reflexívna, symetrická, tranzitívna a antisymetrická relácia, relácia ekvivalencie, rozklad množiny podľa ekvivalencie, reprezentant triedy, relácia čiastočného usporiadania.
- **Binárna operácia** – komutatívnosť, asociatívnosť, distributívnosť, neutrálny prvok, inverzné prvky, štruktúry s jednou operáciou, štruktúry s dvomi operáciami.
- **Polynómy jednej neurčitej nad oborom integrity** – korene polynómov, násobné korene, základná veta algebry.
- **Deliteľnosť v obore integrity  $Z$**  – binárna relácia „delí“ na množine celých čísel, triviálne a vlastné delitele, prvočísla a zložené čísla, rozklad čísla na súčin prvočísel, delenie so zvyškom, najväčší spoločný deliteľ a najmenší spoločný násobok, Euklidov algoritmus, kritériá deliteľnosti číslami 2 až 11.
- **Deliteľnosť polynómov v obore integrity  $Z[x]$ ,  $Q[x]$  a  $R[x]$**  – deliteľnosť, delitele jednotky, triviálne a vlastné delitele, reducibilné a ireducibilné prvky, najväčší spoločný deliteľ a najmenší spoločný násobok, Euklidov algoritmus.
- **Vektorový (lineárny) priestor** – Definícia, lineárna kombinácia vektorov, lineárna závislosť vektorov, báza vektorového priestoru, dimenzia vektorového priestoru.
- **Determinanty** – definícia determinantu, Laplaceov rozvoj determinantu, Sarrusovo pravidlo, vlastnosti determinantu, výpočet determinantu, využitie determinantov (výpočet inverznej matice, Cramerovo pravidlo).
- **Matice** – definícia, hodnota matice a jej výpočet, singulárne a regulárne matice a ich determinanty, jednotková, transponovaná a inverzná matica, operácie s maticami.
- **Sústava lineárnych rovníc v obore reálnych čísel** – homogénna sústava lineárnych rovníc, nehomogénna sústava lineárnych rovníc, Frobeniova veta, podpriestor riešení systému rovníc, metódy riešenia systému rovníc (Gaussova eliminačná metóda, Cramerovo pravidlo).
- **Lineárne zobrazenie** – definícia lineárneho zobrazenia, matica lineárneho zobrazenia, skladanie lineárnych zobrazení, inverzné lineárne zobrazenie, jadro a obraz lineárneho zobrazenia.

## Diskrétna matematika, Logika a teória množín

---

- **Výroková logika** – základné pojmy výrokovej logiky (výrok, zložený výrok, logické spojky, výroková formula), de Morganove pravidlá, sémantika výrokovej logiky, tautológia, splniteľná formula, matematická veta a jej dôkaz (priamo, nepriamo, sporom, dôkaz ekvivalencie).
- **Predikátová logika** – jazyk predikátovej logiky (premenné, konštanty, predikáty, kvantifikátory, funkcie), formuly predikátovej logiky (uzavreté a otvorené), negácie formúl predikátovej logiky, základné tautológie predikátovej logiky, príklady.

- **Množiny a ich vlastnosti** – základné pojmy, axiomatický prístup k teórii množín, ekvivalencia množín, mohutnosť množiny, usporiadanie množín podľa mohutnosti, konečné a nekonečné množiny, spočítateľné a nespočítateľné množiny.
- **Prirodzené čísla** – obor prirodzených čísel, vlastnosti množiny prirodzených čísel, Peanove axiómy, binárne relácie a operácie v obore prirodzených čísel, matematická indukcia.
- **Základné princípy kombinatoriky** – Dirichletov princíp. Základy kombinatorického počítania – pravidlo súčtu a súčinu. Princíp exklúzie a inklúzie. Permutácie, variácie a kombinácie. Binomická veta. Pascalov trojuholník. Rekurzívne metódy.
- **Základné pojmy teórie grafov** – Definícia grafu a podgrafu, špeciálne typy podgrafov (faktor, indukovaný podgraf, sled, ťah, cesta, kružnica, kostra). Súvislosť grafov. Motivačné úlohy z teórie grafov.
- **Špeciálne typy grafov** – Stromy, kostry grafov. Úplné grafy. Aplikácie teórie grafov.
- **Eulerovské a hamiltonovské grafy** – Definície. Nutné a postačujúce podmienky pre existenciu eulerovských a hamiltonovských grafov. Kreslenie obrázkov jedným ťahom. Labyrinty.

## Geometria

---

- **Afinný a euklidovský priestor** – Definícia a základné vlastnosti. Súradnicový systém, jeho definícia, sústava súradníc a zmena súradnicovej sústavy v rovine
- **Parametrické a neparametrické vyjadrenie podpriestorov v afinnej rovine a priestore** – parametrické a neparametrické vyjadrenie priamok a rovín, vzájomná poloha priamok a rovín.
- **Zväzky priamok a rovín** – definície, základné tvrdenia, súvis s riešeniami sústavy lineárnych rovníc.
- **Metrické vlastnosti lineárnych útvarov v euklidovskej rovine a priestore** – definícia a výpočet vzdialenosti dvoch podpriestorov, odchýlky priamok a rovín.
- **Konvexné množiny** – Definícia úsečky, polpriamky, polroviny a uhla. Analytické vyjadrenie.
- **Trojuholník a štvorsten** – Definície. Definícia obsahu trojuholníka, vzorce na výpočet obsahu a objemu štvorstena. Špeciálne typy trojuholníkov (rovnostanný, rovnoramenný, pravouhlý) a niektoré tvrdenia o nich. Pravidelný štvorsten.
- **Analytické vyjadrenie zhodnosti a podobnosti v euklidovskej rovine** – Rovnice zhodnosti a podobnosti v rovine. Klasifikácia zhodnosti s použitím samodružných bodov.
- **Zhodnosti v rovine syntetickou metódou** – definície a základné pojmy. Klasifikácia zhodnosti. Súhlasné a nesúhlasné zhodnosti. Skladanie osových súmerností.
- **Relácia zhodnosti na množine úsečiek (uhlov)** – Axiómy zhodnosti. Zhodnosť trojuholníkov. Trojuholníkové nerovnosti. Vety o zhodnosti trojuholníkov.
- **Uhly v euklidovskej rovine** – Definície. Uhly v  $n$ -uholníku (trojuholníku). Vnútorň a vonkajší uhol  $n$ -uholníka. Susedné a vrcholové uhly. Uhol priamok, kolmé priamky.
- **Relácia rovnobežnosti na množine priamok** – Axiómy rovnobežnosti a jej dôsledky. Priečka priamok. Dostačujúce podmienky rovnobežnosti priamok. Súčet uhlov v trojuholníku.
- **Podobnosti v rovine syntetickou metódou** – definície a základné pojmy. Úmerné úsečky. Podobnosť trojuholníkov. Rovnoľahlosť, skladanie rovnoľahlostí.
- **Kružnica a jej charakteristické prvky** – definície a základné pojmy. Vzájomná poloha priamky a kružnice. Vzájomná poloha dvoch kružníc. Obvodový a stredový uhol prislúchajúci oblúku kružnice.

- **Rovnoľahlosť kružníc** – Vnútorý a vonkajší stred rovnoľahlosti kružníc. Mongeova veta. Recipročné dvojice bodov kružníc. Konštrukcia kružnice dotýkajúcej sa dvoch daných kružníc.

## Matematická analýza

---

- **Pojem funkcie** – definícia funkcie, graf funkcie, operácie s funkciami, zložená funkcia, suprénum, infimum, ohraničenosť, monotónnosť, konvexnosť a konkávnosť funkcie, párna a nepárna funkcia, periodická funkcia. Inverzná funkcia.
- **Číselný rad** – základné pojmy a vlastnosti, súčet radu, konvergencia, absolútna konvergencia, kritériá konvergencie (porovnávacie, D’Alambertovo, Cauchyho, Leibnitzovo), operácie s radmi.
- **Spojitosť funkcie** – definícia, základné vlastnosti, vlastnosti funkcií spojitých na uzavretom intervale. Spojitosť zloženej funkcie.
- **Limita funkcie** – definícia limity vo vlastnom a nevlastnom bode, jednostranné limity. Základné vlastnosti, vety o limitách funkcií. Vzťah limity a spojitosti funkcie.
- **Derivácia funkcie** – definícia derivácie a diferencovateľnosti, základné vlastnosti, geometrický význam derivácie, derivácia elementárnych funkcií, vyšetrovanie priebehu funkcie.
- **Vety o prírastku funkcie** – Rolleho, Lagrangeova a Cauchyho veta a ich použitie.
- **Elementárne funkcie** – konštantná, polynomicke, racionálne, goniometrické a inverzné ku goniometrickým funkciám, exponenciálna a logaritmická funkcia.
- **Funkcionálny rad** – definície a základné vlastnosti (bodová a rovnomerná konvergencia), spojitosť a diferencovateľnosť, mocninový rad, základné vlastnosti, rozvoj do Taylorovho radu.
- **Postupnosť** – definícia postupnosti, konvergencia, vzťah medzi limitou postupnosti a limitou funkcie, ohraničenosť, operácie s postupnosťami, monotónna postupnosť, vybraná postupnosť. Aritmetická a geometrická postupnosť.
- **Primitívna funkcia (neurčitý integrál)** – motivácia zavedenia pojmu, primitívne funkcie k elementárnym funkciám, metódy hľadania primitívnych funkcií (substitučná metóda, metóda per partes), metódy nájdenia primitívnej funkcie k racionálnym, iracionálnym, goniometrickým, transcendentným funkciám.
- **Integrál (určitý integrál)** – definícia, závislosť na funkcií a intervale. Fundamentálna veta matematickej analýzy (Newton-Leibnitzova formula), neurčité integrály, základné metódy výpočtu integrálu.
- **Aplikácie integrálu** – aditívnosť a mediálnosť. Výpočet obsahov rovinných útvarov, objemov a povrchov rotačných telies a dĺžok kriviek.

## Teória pravdepodobnosti a štatistika

---

- **Základné pojmy teórie pravdepodobnosti** – náhodný pokus a náhodný jav, operácie s javmi, závislé a nezávislé pokusy, príklady.
- **Pravdepodobnosť a jej vlastnosti** – definícia pravdepodobnosti, výpočet pravdepodobnosti, podmienená pravdepodobnosť, úplná pravdepodobnosť, príklady.
- **Náhodná premenná a jej vlastnosti** – definícia pojmu, pravdepodobnostný priestor, zákony rozdelenia pravdepodobnosti náhodnej premennej, Bernoulliho schéma.
- **Základné pojmy štatistiky** – základný a výberový súbor, spôsoby spracovania údajov, deskriptívne charakteristiky a ich interpretácia.

- **Vyšetrovanie závislosti kvantitatívnych znakov** – regresná a korelačná analýza, metóda najmenších štvorcov, koeficient korelácie, koeficient determinácie a ich interpretácia.
- **Vyšetrovanie závislosti kvalitatívnych znakov** – test závislosti, intenzita závislosti, príklady.
- **Testovanie hypotéz o zhode parametrov štatistických súborov** – princíp testovania hypotéz, nulová a alternatívna hypotéza, kritériá pre výber testov, p-hodnota a jej interpretácia.

## Didaktika matematiky

---

(Pojmami škola a školská matematika sa označujú všetky typy základných a stredných škôl a učivo z matematiky, ktoré je predmetom školských osnov na Slovensku.)

- **Prostriedky matematického vzdelávania** – didaktické princípy, metódy činnosti vo vyučovaní matematiky.
- **Plánovanie vo vyučovaní matematiky** – určovanie a konkretizácia učebných cieľov, požiadavky na ich formuláciu, tvorba časovo-tematických plánov, didaktická analýza tematických celkov.
- **Vytváranie matematických poznatkov** – definície, axiómy, matematické vety a ich dôkazy (priamo, nepriamo, sporom), indukcia, dedukcia, analógia, matematická indukcia.
- **Rozvíjanie pojmu čísla v školskej matematike** – predstavy pojmu číslo, zásady pri rozširovaní číselných množín, charakteristika číselných množín (celé, racionálne, iracionálne, reálne a komplexné čísla).
- **Výrokový počet** – výrok, pravdivostná hodnota výrokov, logické spojky (konjunkcia a disjunkcia, negácia výrokov), výroky a výrokové formy.
- **Relácie a operácie v školskej matematike** – karteziánsky súčin, binárne relácie (špeciálne) – usporiadanie a ekvivalencia) a unárne, binárne, ternárne operácie.
- **Zobrazenie v školskej matematike** – pojmy zobrazenie a funkcia, injektívne a bijektívne zobrazenia, definície a vlastnosti elementárnych funkcií, rôzne prístupy k zavedeniu pojmu funkcia v školskej matematike.
- **Využitie histórie matematiky vo vyučovaní** – paralely ontogenézy a fylogenézy v matematickom myslení.
- **Geometria v školskej matematike** – planimetria, stereometria, analytická a syntetická metóda v geometrii.
- **Geometria trojuholníka** – obsah trojuholníka a vzorce na výpočet obsahu, konštrukcia trojuholníka, Pytagorova a Euklidove vety.
- **Goniometrické funkcie** – funkcie  $\sin(x)$ ,  $\cos(x)$ ,  $\operatorname{tg}(x)$ , ich zavádzanie a súčtové vzorce.
- **Konštrukčné úlohy v geometrii** – rozbor, konštrukcia, dôkaz a diskusia, množiny bodov daných vlastností.
- **Kombinatorika v školskej matematike** – definície základných pojmov, pravidlo súčtu a súčinu, prístupy k vyučovaniu, prvky teórie grafov vo vyučovaní.
- **Rovnice a nerovnice** – riešenie rovníc a nerovnic (lineárne, kvadratické, s absolútnou hodnotou a s parametrami).